

## Matemáticas

### Selectividad

#### DETERMINANTES COU

1. Determinante de una matriz cuadrada. Propiedades.

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 3 & 1 & 4 \\ 0 & -2 & 5 \end{pmatrix}$$

2. Dada la matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 3 & 1 & 4 \\ 0 & -2 & 5 \end{pmatrix}$ ; Hallar  $|A|$  y  $|A|^t$ .
3. Aplicar las propiedades 9 y 10 para transformar el determinante de la matriz

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 5 & 2 \\ 0 & -1 & 3 & 4 \\ 2 & 1 & 9 & 6 \\ 3 & 2 & 4 & 8 \end{pmatrix}$$

en otro más sencillo de igual valor.

$$\begin{vmatrix} abc & -ab & a^2 \\ -b^2c & 2b^2 & -ab \\ b^2c & -b^2c & 3abc \end{vmatrix}$$

4. Obtener, simplificando, el desarrollo de determinante:
5. Utilizando las propiedades de los determinantes, resolver la ecuación:

$$\begin{vmatrix} x & 1 & 1 & 1 \\ 1 & x & 1 & 1 \\ 1 & 1 & x & 1 \\ 1 & 1 & 1 & x \end{vmatrix} = 0$$

6. Utilizando las propiedades de los determinantes, resolver la ecuación:

$$\begin{vmatrix} 1 & x & x & x \\ 2 & 1 & 2x & 2x \\ 2 & 2 & 1 & 2x \\ 2 & 2 & 2 & 1 \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} x & x & x & x \\ x & 1 & 0 & x \\ x & 0 & x & 1 \\ x & x & 1 & 0 \end{vmatrix} = 0$$

7. Resolver la ecuación

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

8. Dada la matriz  $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ , se llaman "valores propios" de dicha matriz a los valores de  $\lambda$ , tales que el determinante de la matriz  $A - \lambda I$  sea nulo. Hallar los valores propios de  $A$ .

9. Dar el concepto de matriz inversa. Calcular la matriz inversa de

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 2 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & m & 3 \\ 4 & 1 & -m \end{pmatrix}$$

10. Dada la matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & m & 3 \\ 4 & 1 & -m \end{pmatrix}$ , Averiguar para que valores de  $m$  existe  $A^{-1}$ . Calcular  $A^{-1}$  para  $m = 2$ .

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

11. Dada la matriz cuadrada  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ , Estudiar si tiene inversa y en caso afirmativo calcularla. Los vectores  $\vec{v}_1 = (1, 1, 0)$ ,  $\vec{v}_2 = (0, 1, 1)$   $\vec{v}_3 = (1, 0, 1)$  ¿forman una base de  $\mathbb{R}^3$  ?

<http://www.loseskakeados.com>